

Прыклады заданняў для высокаматываваных вучняў

Урок 1—2. Квадратныя ўраўненні. Няпоўныя квадратныя ўраўненні.

Трэба падумаць.

Рашыце ўраўненні:

$$x^2 - 6|x| = 0; \quad x^2 = 9p^2 - 30p + 25; \quad \frac{1+c}{c-1}x^2 + 1 = c^2.$$

Задача днія.

Рашыце адносна x ураўненне

$$\frac{mx+n}{m} = \frac{mn}{m^2-x}.$$

Урок 3—4. Метад выдзялення поўнага квадрата.

Трэба падумаць.

Рашыце ўраўненні метадам выдзялення поўнага квадрата:

$$x^2 + 2(1 + \sqrt{8})x + 8\sqrt{2} = 0; \quad x^2 - (\sqrt{2} + \sqrt{5})x + 2\sqrt{10} = 0;$$
$$\sqrt{2}x^2 - 4\sqrt{3}x - 2\sqrt{2} = 0.$$

Задача днія.

Знайдзіце, пры якім значэнні x трохчлен $10x^2 + 5x - 5$ прымае найменшае значэнне, і ўкажыце гэтае значэнне.

Урок 5—8. Формула каранёў квадратнага ўраўнення.

Трэба падумаць.

1. Параўнайце a і корань x_1 , дзе x_1 — найбольшы корань ураўнення

$$x^2 - (6 - \sqrt{2})x + 8 - 2\sqrt{2} = 0, \text{ калі } a = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{3}}{\sqrt{7} - \sqrt{3}} - \frac{1}{2}(9 - \sqrt{21}).$$

2. Рашыце ўраўненні:

$$6x^2 + 5x - 6 = 6(3\sqrt{7} - 2)^2 + 5(3\sqrt{7} - 2) - 6;$$

$$8x^2 + |-x| - 1 = 0; \quad 2x|x| + x - 1 = 0.$$

3. Рашыце адносна x ураўненні:

$$x^2 + 5ax - 6a^2 = 0; \quad x^2 - (5k - 3)x - 15k = 0.$$

4. Знайдзіце рознасць паміж найбольшым і найменшым каранямі ўраўнення $x^2 + |x| = \frac{1}{2}$.

Задача днія.

1. Знайдзіце значэнне ac , калі вядома, што ўраўненне $ax^2 + bx + c = 0$ мае адзіны корань $x = 1$ і $a - b + c = 2$.

2. Вядома, што ўраўненні $x^2 + px + q = 0$ і $x^2 + qx + p = 0$ маюць агульны корань. Знайдзіце значэнне $p + q$.